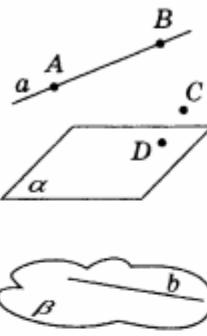
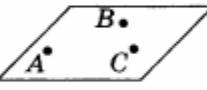
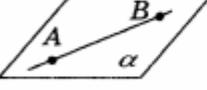
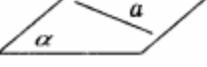
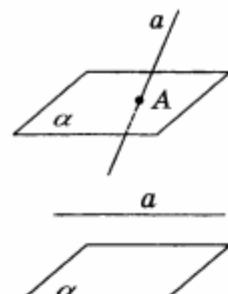
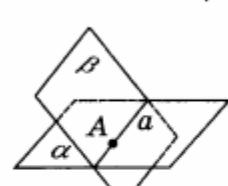
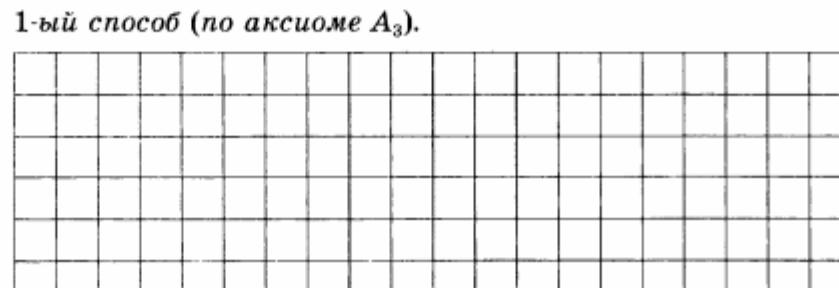
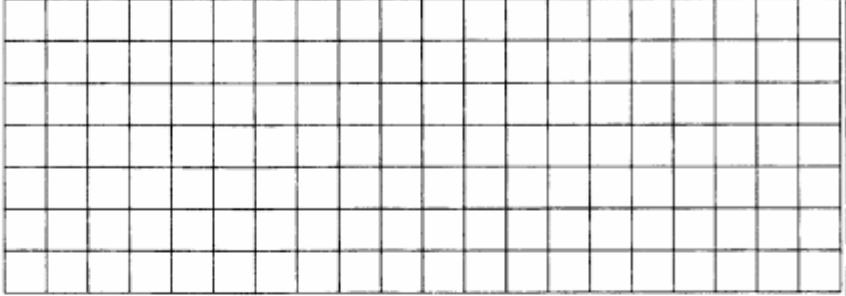


## Аксиомы стереометрии

<b>Основные фигуры в пространстве</b> 	<p>Основными фигурами в пространстве являются точки, прямые и плоскости.</p> <p><b>Обозначения.</b> Плоскости обычно обозначаются греческими буквами – <math>\alpha</math>, <math>\beta</math>, <math>\gamma</math> и т. д. Точки и прямые в стереометрии обозначаются так же, как и в планиметрии: точки – заглавными латинскими буквами (<math>A</math>, <math>B</math>, <math>C</math>, ...), прямые – строчными латинскими буквами (<math>a</math>, <math>b</math>, <math>c</math>, ...), или двумя заглавными буквами по двум точкам, принадлежащим прямой (<math>AB</math>, <math>CD</math>, ...).</p> <p>Принадлежность (или непринадлежность) точки данной прямой или плоскости обозначается знаком <math>\in</math> (или <math>\notin</math>):  <math>A \in a</math>, <math>D \in \alpha</math>, <math>C \notin a</math>, <math>B \notin \alpha</math>.</p> <p>Принадлежность (или непринадлежность) прямой данной плоскости обозначается знаком <math>\subset</math> (или <math>\not\subset</math>):  <math>b \subset \beta</math>, <math>a \not\subset \alpha</math>.</p>
<b>Аксиома <math>A_1</math> (аксиома плоскости)</b> 	<p>Через любые три точки<sup>1</sup>, не лежащие на одной прямой, проходит плоскость, и притом только одна.</p> <p><b>Обозначение.</b> Плоскость, проходящую через точки <math>A</math>, <math>B</math> и <math>C</math>, не лежащие на одной прямой, иногда обозначают <math>ABC</math> или <math>(ABC)</math>.</p>
<b>Аксиома <math>A_2</math> (аксиома прямой и плоскости)</b> 	<p>Если две точки прямой лежат в плоскости, то все точки прямой лежат в этой плоскости.</p>
<b>Взаимное расположение прямой и плоскости в пространстве</b> 	<p>1. Прямая лежит в плоскости (или, иначе говоря, плоскость проходит через прямую):  <math>a \subset \alpha</math>.</p>

<sup>1</sup> Здесь и в дальнейшем, говоря «две точки», «три точки», «две прямые», и т. д., будем считать, что эти точки (прямые) различны.

	<p><b>2. Прямая пересекает плоскость</b> (то есть прямая и плоскость имеют одну общую точку):</p> $a \cap \alpha = A$ <p>(прямая <math>a</math> пересекается с плоскостью <math>\alpha</math> в точке <math>A</math>).</p>
<b>Аксиома А<sub>3</sub> (аксиома пересечения плоскостей)</b>	<p><b>Если две плоскости имеют общую точку, то они имеют общую прямую, на которой лежат все общие точки этих плоскостей.</b></p>
	<p><b>Замечания.</b></p> <ol style="list-style-type: none"> <li>Предполагается, что в пространстве существует более одной плоскости (см. приложение 2 учебника).</li> <li>Очевидно, что прямая <math>a</math> проходит через точку <math>A</math>.</li> </ol>
<b>Взаимное расположение двух различных плоскостей в пространстве</b>	<p><b>1. Две плоскости пересекаются:</b></p> $\alpha \cap \beta = a$ <p>(плоскости <math>\alpha</math> и <math>\beta</math> пересекаются по прямой <math>a</math>).</p>
	<p><b>2. Две плоскости не пересекаются</b> (этот случай – параллельность плоскостей – будет рассмотрен в дальнейшем).</p>
<b>Типовая задача</b>	<p>Точки <math>A</math>, <math>B</math> и <math>C</math> лежат в каждой из двух различных плоскостей. Докажите, что эти точки лежат на одной прямой.</p>
	<p><i>Решение.</i></p>
	<p>1-ый способ (по аксиоме А<sub>3</sub>).</p>
	



*2-ой способ (по аксиоме  $A_1$ ).*

